Lycée qualifiant Tariq Ben Zyad Niveau : 2BAC-PC	❖ DEVOIR SURVEILLÉ N° 4 ❖ 2024-2025 – 2h00min	Professeur : Bouyguir Taher www.proftaher.com

Exercice 1 :(5Pts)

On considère dans le plan complexe rapporté au repère orthonormé direct les points A ,B , C et D d'affixes respectives : $a = 3+4i$, $b = 3+8i$ et $c = 2+3i$ et $d = 5+6i$

1. Montrer que les points A , C et D sont alignés ..... (1 pt)
2. Montrer que : $\dfrac{a-b}{d-b} = 1-i$, puis écrire le nombre $\dfrac{a-b}{d-b} = 1-i$ sous la forme exponentielle. ..... (2 pts)
3. Déterminer la mesure d'angle $(\overrightarrow{BD};\overrightarrow{BA})$ . ..... (1 pt)
4. Montrer que $BD = \dfrac{\sqrt{2}}{2}BA$ ..... (1 pt)

Exercice 2 :(9Pts)

On considère les nombres complexes : $u = \sqrt{3}-i$, $v = \sqrt{2}(1+i)$ et $w = u+v$

1. Écrire sous forme trigonométrique les nombres complexes u;v et $\dfrac{u}{v}$. ..... (2 pts)
2. Déterminer la forme algébrique du nombre $\dfrac{u}{v}$..... (1 pt)
3. En déduire les valeurs de $cos\left(\dfrac{5\pi}{12}\right)$ et $sin\left(\dfrac{5\pi}{12}\right)$. ..... (1 pt)
4. On considère dans le plan complexe rapporté a un repère orthonormé direct les points E;F et P d'affixes respectives : u; v et w.
   a) Montrer que $OEPF$ est un losange. ..... (1 pt)
   b) Déterminer la mesure d'angle $(\overrightarrow{OE};\overrightarrow{OF})$ . ..... (1 pt)
5. Soit R la rotation de centre O et d'angle $\dfrac{5\pi}{12}$.
   a) Donner l'écriture complexe de rotation R. ..... (1 pt)
   b) Montrer que $R(E) = F$ ..... (1 pt)
6. Déterminer l'ensemble des points $M(z)$ tel que : $\left|\dfrac{z+i-\sqrt{3}}{i+1}\right| = 1$ ..... (1 pt)

Exercice 3 :(6Pts)

1. Résoudre dans $\mathbb{C}$: $z^2-4z+5=0$ et $(2+3i)\overline{z}+(1-i)z = 1+6i$ ..... (2 pts)
2. On considère les points A ,B et C des affixes respectives : $a = -2i$, $b = 2+2i$ et $c = -1+i$
   a) Montrer que ABC est un triangle isocèle et rectangle. ..... (1 pt)
   b) Déterminer l'affixe du point D pour que $ABCD$ un parallélogramme ..... (1 pt)
3. Soit T la translation de vecteur $\overrightarrow{AB}$
   a) Déterminer l'écriture complexe de la translation T. ..... (1 pt)
   b) Montrer que : $T(D) = C$ ..... (1 pt)

Bon courage! ☺