ÉCOLES NATIONALES DES SCIENCES APPLIQUÉES · ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Concours d'accès en 1re année des ENSA · Maroc

Session de juillet 2024

2024

Énoncé

Q1 Dans une salle d'examen où les places sont numérotées, 100 candidats passent un concours d'accès aux ENSA. On dispose des feuilles de brouillon de trois couleurs différentes ordonnées ainsi : bleu, vert, jaune.
Une feuille sur quatre, en commençant par la quatrième, contient le logo des ENSA.
Les feuilles sont distribuées, en respectant l'ordre des numéros des places ainsi que celui des couleurs mentionnées ci-dessus.
Le nombre de candidats ayant reçu une feuille de brouillon jaune contenant le logo est :

A 8 B 10 C 12 D 15

Q2 $\frac{1}{5}\cdot\sqrt{(101\times102\times103\times104)+1}=$

A 2101 B 2102 C 2103 D 2104

Q3 $\lim\limits_{n\to+\infty}\dfrac{(-1)^n\,n+1}{n+\sqrt{n}}=$

A 0
B 1
C -1
D n'a pas de limite

Q4 $\lim\limits_{x\to\frac{\pi}{4}}\dfrac{\cos\left(\frac{2}{3}x\right)-\sqrt{3}\sin\left(2x-\frac{\pi}{3}\right)}{\cos(2x)}=$

A $\frac{11}{3}$ B $\frac{10}{6}$ C $\frac{10}{3}$ D $\frac{11}{6}$

Q5 Soit (u_n) une suite de réels éléments de $]0,1[$ telle que
$\forall n\in\mathbb{N},\ (1-u_n)u_{n+1}>\frac{1}{4}$.

A u_n est croissante et converge vers $\frac{1}{4}$
B u_n est décroissante et converge vers $\frac{1}{4}$
C u_n est croissante et converge vers $\frac{1}{2}$
D u_n est divergente

Q6 Dans l'ensemble $\mathbb{R}$, l'équation :

$$\sqrt{x+2\sqrt{x-1}}+\sqrt{x-2\sqrt{x-1}}=1$$

A admet une solution
B admet deux solutions
C admet trois solutions
D n'admet pas de solution

Q7 Soit $m\in\mathbb{R}$ et (E_m) l'équation d'inconnue réelle x :

$$(E_m):e^{2x}-2me^x+1=0$$

A Si $m\in]1,+\infty[$, (E_m) admet deux solutions de signe contraire
B Si $m\in]-1,1[$, (E_m) admet au moins une solution
C Si $m\in]-\infty,-1]$, (E_m) admet deux solutions négatives
D Si $m\in[1,+\infty[$, (E_m) admet deux solutions positives

Q8 Soit une fonction $f:[0,+\infty[\to[0,+\infty[$ dérivable telle que $f(0)=0$.
On suppose que :
$\forall x\geq0,\ f'(x)\leq af(x)\quad(a>0)$

A f est strictement croissante
B f est strictement décroissante
C f est une constante nulle
D f est une constante non nulle

Q9 Soit la fonction f définie sur $\mathbb{R}$ par :

$$f(x)=\begin{cases}e^{\frac{-1}{x^2}} & \text{si } x>0\\ 0 & \text{si } x\leq0\end{cases},\quad f' \text{ sa dérivée}$$

$$\lim_{x\to0}f'(x)=$$

A 0 B 1 C e D $+\infty$

Q10 $\displaystyle\int_1^2\frac{\ln(1+x)-\ln(x)}{x^2}\,dx=$

A $\frac{5}{2}\ln2+\frac{1}{2}\ln3$
B $\frac{7}{2}\ln2+\frac{3}{2}\ln3$
C $\frac{7}{2}\ln2-\frac{3}{2}\ln3-\frac{1}{2}$
D $\frac{7}{2}\ln2$

Q11 $\displaystyle\int_0^{\frac{\pi}{2}}\sin(x)e^x\,dx=$

A $1+e^{\frac{\pi}{2}}$ B $\frac{1+e^{\frac{\pi}{2}}}{2}$
C $5-e^{\frac{\pi}{2}}$ D $\frac{5-e^{\frac{\pi}{2}}}{2}$

Q12 $\forall n\in\mathbb{N}^*$, on pose :

$$I_n=\int_0^1\frac{dt}{(1+t^n)^2},\ \text{alors :}\ \lim_{n\to+\infty}I_n=$$

(Il n'est pas nécessaire de calculer I_n)

A 2 B $+\infty$ C $\frac{1}{4}$ D 1

Q13 Le nombre de diviseurs du nombre $10!$ est égal à :

A 20 B 207 C 270 D 10

Q14 Le reste de la division euclidienne du nombre $2^{123}+3^{121}$ par 11 est égal à :

A 0 B 1 C 2 D 3

Q15 Soit z_1 et z_2 les solutions de l'équation à variables complexes suivante :

$$iz^2+(2-3i)z+5i-5=0$$

$$|z_1|^2+|z_2|^2=$$

A 10 B 15 C 20 D 30

Q16 Soit le nombre complexe :

$$Z=\frac{1}{2}\left[(1+i)^4+(i-1)^4\right]$$

$\text{argument}(Z)\equiv$

A $0\ [2\pi]$ B $\frac{\pi}{4}\ [2\pi]$
C $\frac{\pi}{2}\ [2\pi]$ D $\pi\ [2\pi]$

Q17 Dans le plan rapporté au repère orthonormé directe $(O,\vec{i},\vec{j})$, on considère les points A, B et C de coordonnées $A(2,6)$, $B(3,1)$ et $C(4,7)$. La distance du point A à la droite (BC) est égale à :

A $\frac{35}{\sqrt{37}}$ B $\frac{6}{\sqrt{37}}$ C $\frac{11}{\sqrt{37}}$ D $\frac{1}{\sqrt{37}}$

Q18 Dans l'espace muni d'un repère orthonormé direct $(O,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$, on considère les points $A(1,-1,2)$, $B(3,5,4)$ et la sphère S telle que : $A,B\in S$ et le segment $[AB]$ passe par le centre de S.
L'équation du plan tangent à S au point $C(1,5,4)$ est :

A $2x-3y+3z+1=0$
B $x-3y+2z+6=0$
C $-x+3y+z-18=0$
D $-3x+2y+2z-15=0$

Une start-up de jeunes ingénieurs fabrique des capteurs de température dans deux sites différents.
En une journée, le site 1 fabrique deux fois plus de capteurs que le site 2.
Le pourcentage de capteurs défectueux est de 3% pour le site 1 et de 4% pour le site 2.
On prélève un capteur au hasard dans l'ensemble de la production d'une journée.

Q19 La probabilité que ce capteur provienne du site 1 et est défectueux est :

A 0,01 B 0,02 C 0,03 D 0,04

Q20 La probabilité que ce capteur provienne du site 1 sachant qu'il est défectueux est :

A 0,2 B 0,4 C 0,6 D 0,8